Компьютерный анализ и восстановление знаменной составляющей подборки В.М.Металлова

И.В.Бахмутова, В.Д.Гусев, Т.Н.Титкова г. Новосибирск, Институт математики им. С.Л.Соболева (ИМ СО РАН)

Введение

Проблема нотолинейной реконструкции знаменных песнопений в общем случае (беспометные тексты) остаётся нерешённой. Более того, она не теряет своей актуальности даже применительно к пометным текстам из-за наличия в них значительного количества беспометных знамен (в том числе с переменным распевом), а также многочисленных разночтений и исключений в интерпретации самих помет [1, 2]. Для устранения возможной неоднозначности в интерпретации знаменных текстов целесообразно при нотолинейной реконструкции ориентироваться не на отдельные знамена, а на устойчиво повторяющиеся их комбинации — «структурные единицы» знаменного распева (в первую очередь попевки, лица, фиты).

Задача выделения и классификации структурных единиц — одна из центральных в музыкальной медиевистике [3÷6]. Её можно решать формальными методами, используя межъязыковые аналогии и различные критерии «устойчивости» символьных цепочек. Одна из таких постановок, касающаяся выделения морфем (элементарных смысловых единиц естественного языка) из слитного текста без пробелов и других разделителей, описана в [7]. Некоторая её модификация, ориентированная на знаменные тексты, представлена в [8]. С помощью формальных методов хорошо выделяются наиболее массовые попевки гласов, но возникают сбои на коротких неустойчивых и редко встречающихся попевках.

Другой подход состоит в систематизации имеющихся весьма немногочисленных подборок структурных единиц (в первую очередь попевок), оценке степени их полноты и уяснении принципов, положенных в основу их выделения в качестве самостоятельных языковых единиц. Одна из наиболее полных и известных подборок попевок собрана В.М.Металловым (конец XIX-го — начало XX века) [3]. Она содержит порядка 500 попевок в нотолинейном представлении. По оценкам М.В.Бражникова [4], предельное количество попевок, соответствующее периоду максимального расцвета знаменного распева, могло составлять порядка 1000 единиц. Можно лишь строить догадки относительно того, какими соображениями руководствовался В.М.Металлов при отборе попевок для своей подборки и почему они даны только в нотолинейном представлении, что существенно ограничивает возможности их использования.

Целью работы является анализ подборки В.М.Металлова на *«структурное единообразие»*, полноту и обоснованность выделения попевок в той форме, в какой они представлены в [3], а также восстановление знаменных эквивалентов (часто не единственных) этих попевок с помощью двознаменников. Последние можно рассматривать как своего рода билингвы знаменного распева, в которых знаменные тексты сопровождаются нотолинейными интерпретациями, что и обеспечивает возможность получения знаменных эквивалентов для значительной части попевок из подборки Металлова. Наличие таких эквивалентов позволит использовать эту подборку для нотолинейной реконструкции знаменных песнопений.

1. Исходные данные. Система обозначений.

В предлагаемой работе кроме подборки попевок В.М.Металлова были использованы тексты трёх двознаменных пометных «Октоихов» конца XVII – начала XVIII века из Соловецкого собрания, хранящиеся в отделе рукописей РНБ г. Санкт—Петербурга (шифры 619/647, 618/644 и QI 188). Они привлекались для оценивания степени покрытия реальных песнопений разных жанров попевками из анализируемой подборки, а также для восстановления знаменных эквивалентов попевок по их нотолинейным представлениям. Два первых двознаменника содержат в среднем порядка 27 песнопений в каждом гласе. В третьем двознаменнике этот показатель примерно в полтора раза ниже. Все использовавшиеся материалы представлены в электронном виде (система кодирования описана ниже). Важно отметить, что в двух первых «Октоихах» нотолинейные тексты 3-го и 5-го гласов, которые считаются наиболее высотными, транспонированы на кварту вниз.

В работе использованы следующие обозначения.

Обиходный звукоряд представлен нотами: G, A, H (малой октавы), c, d, e, f, g, a, b (первой октавы), C, D (второй октавы). В пометных рукописях высота знамен обозначается степенными пометами: Γ_{+} , Γ_{+} ,

Длительности звуков обозначаются следующим образом: $\circ - 1$ (целая), $\frac{1}{2} - 2$ (половинная), -4 (четвертная), -8 (восьмая). Для обозначения высоты и длительности звука используем комбинацию буквы и цифры (например, Н4 – это четвертная нота «си» малой октавы). При формальном сопоставлении нотолинейных цепочек (см. далее раздел 3) такая комбинация буквы и цифры, характеризующая конкретный звук, рассматривается как один символ. Интервалы (число ступеней между высотами соседних звуков) кодируются целыми числами (1 -секунда, 2 - терция, 3 кварта и т.д.), которые сопровождаются знаком (+) для восходящего движения и (-) для нисходящего. Например, (3+) — это скачок на кварту вверх, (2-) — на терцию вниз. При повторении звука на одной и той же высоте величина интервала условно обозначается (0+). Заметим, что при таком кодировании не указывается число тонов и полутонов, содержащееся в интервалах, однако наличие нотолинейного текста дает возможность отличать, например, большую секунду d4e4 от малой секунды e4f4 или малую терцию e2g2 от большой f2a2. Знак (*) используется в качестве разделителя между нотолинейными интерпретациями разных знамен, а (~) – как символ эквивалентности, отделяющий знаменную цепочку от её нотолинейного представления стоящая слева от (~), интерпретируется в тексте двознаменника, соответственно. цепочками из трёх и двух нот, отделёнными друг от друга знаком (*)).

2. Метод исследования

Для ответа на вопрос о «структурном единообразии» анализировалась сама подборка. Выявлялись вложенность попевок и их отличие друг от друга по составу знамен, звуковысотной привязке и наименованиям как внутри одного, так и в разных

гласах. При этом под «структурным единообразием» мы понимаем следование одним и тем же принципам при формировании подборки, выборе наименований попевок и т.п.

Проверка полноты подборки осуществлялась по степени покрываемости песнопений каждого гласа «Октоиха» попевками Металлова из соответствующего гласа. Коэффициент покрытия П рассчитывался по нотолинейной составляющей двознаменников. Он определялся как отношение суммарного количества нот в попевках, обнаруженных в песнопениях гласа, к суммарной длине (в нотах) песнопений гласа. При наличии вложенных попевок учитывалась максимальная из них, т.е. ни одна нота не «покрывалась» дважды.

Выявление попевок из подборки Металлова в текстах песнопений может осуществляться в двух режимах: а) поиске на точное соответствие и б) поиске на приближённое соответствие. В случае (б) сходство между попевкой и выделенным фрагментом оценивается в терминах «редакционного расстояния» (минимальное число операций типа «замены», «вставки» или «устранения элемента», переводящих одну символьную цепочку в другую). Например, цепочку из четырех элементов d2e4f4g1, являющуюся нотолинейной интерпретацией попевки "подъём малый» (глас 1) из подборки Металлова, можно перевести в 5— элементную цепочку e4d2e4f2g1, заменив f4 на f2 и добавив слева e4, т.е. двумя операциями. Число допустимых искажений «k» является параметром процедуры поиска на приближённое соответствие.

Для коротких попевок вариант поиска со значением k=0 (точное соответствие) является предпочтительным, поскольку при $k \neq 0$ выявляется много «ложных попевок». Однако поиск со значением k=0 является сильно ограничительным для длинных попевок, т.к. из-за варьирования даже одного элемента попевки она не обнаруживается, т.е. велика вероятность отказа. В связи с этим встаёт вопрос, в какой степени возможные «искажения» разрушают попевочную структуру, т.е. можно ли считать попевкой найденный в тексте фрагмент, лишь приблизительно соответствующий исходному образцу. Этот вопрос в каждом конкретном случае решается с помощью экспертов, но и их мнения могут разойтись.

В данной работе для восстановления знаменного эквивалента попевок из подборки Металлова использовался поиск только на *точное совпадение*. Но даже в этом случае требуется привлечение экспертов для ответа на вопросы типа: может ли считаться попевкой найденная в тексте двознаменника нотолинейная цепочка, соответствующая, например, распеву попевки «хамила», приведённому Металловым, если знаменный эквивалент этой цепочки не содержит самого знамени «хамила»? Вопросы подобного типа возникают из-за отсутствия формального алгоритмизируемого определения понятия «попевка».

3. Основные результаты

3.1. Анализ «структурного единообразия» заключался в проверке выполнения следующих принципов: 1) всегда ли, при вложенности одних попевок в другие, их названия отражают их «близость» (например, наличие одинакового «ядра» или «устоя» – каданса), а различия подчёркиваются количественными характеристиками типа «малая», «средняя», «большая»; 2) всегда ли переход по иерархическим ступеням (от «малой» к «средней», от «средней» к «большой» и т.п.) сопровождается существенным изменением распева и т.д.

Ответ на оба эти вопроса отрицательный, т.е. перечисленные выше достаточно естественные принципы соблюдаются далеко не всегда. Например, нотолинейная цепочка (e4d4(f4g4(a2g4f4g2f2e1))) иллюстрирует взаимосвязь, а точнее вложенность, трёх попевок 1-го гласа. Это находит своё отражение в их наименованиях: «пригласка

или киза малая», далее «средняя» и «большая» (см. расстановку скобок в нотной цепочке). В то же время цепочка (e2(e4c4d4f4e4d4e4d4e4d4e1)) того же гласа демонстрирует вложение попевки «удра» в попевку «рутва», но почти полная их идентичность на нотолинейном уровне в названиях не отражена. Еще в большей степени этот «дефект» характерен для межгласовых попевок. Так, попевка «выплавка» из 1-го и 7-го гласов, интерпретируемая цепочкой (c4H4(c4d4c4H4c2d2e1)), содержит внутри себя попевку «подъезд светлый» из 7-го гласа (см. внутренние скобки), но в названиях это также не находит отражения. Более сложный характер взаимосвязи между этими попевками наблюдается в пятом (транспонированном) гласе. В нем распев «подъезда светлого» (f4g4f4e4f2g2a1) вкладывается в распев «выплавки» (c4H4(c4d4c4H4c2d2e1)), если перенести последний на кварту вверх.

Отметим, что изредка внутри одного гласа встречаются секвентные переносы попевок. Иногда это фиксируется в их названии (см., например, «подъезд мрачный» (d4e4d4c4d2e2f1) и «подъезд светлый» (f4g4f4e4f2g2a1) во втором гласе). Однако, чаще всего факт совпадения или вложения попевок с точностью до секвентного переноса остаётся незамеченным, особенно если речь идёт о сравнении попевок разных гласов.

Приведённые примеры показывают, что различия между многими попевками на нотолинейном уровне минимальны. Вызывает большие сомнения целесообразность выделения их в качестве самостоятельных структурных единиц. Приведём ещё один пример уже четырёх попевок из 5-го гласа, представив их для наглядности в виде множественного выравнивания:

```
1 e2f4g4 — e4d4c4d4e2d1 — «ометка малая»
2 e2f4g4 e2 e4d4c4d4e2d1 — «ометка средняя»
3 e2<u>e4g4</u> e2 e4d4c4d4e2d1 — «рафатка средняя»
4 e4d4 e2f4g4 e2 e4d4c4d4e2d1 — «рожек»
```

Нетрудно видеть, что первая попевка отличается от второй делецией одной ноты, вторая от третьей — заменой одной ноты, а четвёртая от второй — добавлением двух нот в начале. Уместно привести в некотором смысле обратный пример, демонстрирующий, что три разных варианта одной и той же попевки из подборки В.М.Металлова («колесо или шибок большой», глас 1) имеют сопоставимое (если не большее) число отличий, чем формально разные попевки из приведённого выше выравнивания:

```
d2e4f4 - - - g2 e4f4d4e1d1
d2e4f4 - g4 f4 - e4f4d4e1d1
d2e4f4 g2 g4 f4 g2 e4f4d4e1d1
```

Создаётся впечатление, что подборка В.М.Металлова представляет собой компиляцию материалов из разных источников. По-видимому, Металлов не ставил себе целью разработку принципов отбора и систематизации попевок, изучения их вариативности и взаимосвязей. Наличие в подборке значительного количества дублирующих друг друга попевок эквивалентно уменьшению её объёма.

3.2. Оценивание полноты подборки проводилось по каждому гласу отдельно на текстах трёх двознаменников (результаты приводятся лишь для «Октоиха» 619/647). Коэффициенты покрытия по гласам могут отличаться довольно существенно, поскольку у В.М.Металлова число попевок в разных гласах варьирует в довольно широком диапазоне. В нижеследующей таблице приведены результаты эксперимента по оценке степени покрываемости П песнопений каждого гласа попевками Металлова при поиске на точное соответствие (случай k = 0). Подчеркнём ещё раз, что при k = 0

попевка то	лько тогда	вносит нену	левой вкла,	ц в показате	пь покрываемост	ти, когда она
зафиксиров	вана в текст	е двознамені	ника в том і	виде, в каком	представлена у	Металлова.

Гласы	1	2	3	4	5	6	7	8
Объём текста	3593	3360	2957	3455	4142	3983	3241	4486
Число попевок	94	85	40	59	66	83	34	50
Найдено попевок	44	37	20	30	32	29	24	27
Суммарн. частота	187	150	135	158	183	130	151	175
Покрыв-ть текста	1242	1051	701	926	1302	947	1045	1386
Π (%)	34,6	31,3	23,7	26,8	31,4	23,8	32,2	30,9

Здесь две верхние строки характеризуют исходные данные (подборку попевок и двознаменник): объём текста — это суммарная длина (в нотах) песнопений конкретного гласа; число попевок — это их количество в конкретном гласе подборки В.М.Металлова. В строке «Найдено попевок» указано число разновидностей попевок из подборки Металлова, обнаруженных в песнопениях каждого гласа. Строка «Суммарн. частота» фиксирует суммарное (с учётом частоты встречаемости) число вхождений найденных попевок в тексты песнопений гласа. Строка «Покрыв-ть текста» даёт представление о суммарном числе нот в песнопениях гласа, покрытых найденными попевками; а строка «П (%)» представляет предыдущий показатель в процентном отношении к суммарной длине песнопений гласа. Именно этот показатель выбран нами в качестве оценки полноты подборки по конкретному гласу.

Как указывалось ранее, песнопения гласов 3 и 5 в «Октоихе» 619/647 транспонированы на кварту вниз. Существенной особенностью рассматриваемой таблицы является то, что при её составлении песнопения гласа 3 были ретранспонированы (т.е подняты на кварту вверх, что соответствует их истинной звуковысотной привязке), а песнопения 5-го гласа не были ретранспонированы. С этого мы и начнём комментировать результаты, представленные в таблице.

1. Если обработать песнопения гласов 3 и 5 при k=0 в их исходном (транспонированном на кварту вниз) представлении, получим для 3-го гласа коэффициент покрытия $\Pi = 13.8\%$ (он не приведён в таблице), а для 5-го гласа $\Pi = 31.4\%$ (см.таблицу). Если ретранспонировать оба гласа на кварту вверх, получим для 3-го гласа Π =23,7% (значение, приведённое в таблице), а для 5-го — Π =2,8% – оно не приведено в табл. (найдены всего 2 попевки из 66, представленных Металловым). Иными словами, глас 5 выглядит сопоставимым с оставшимися гласами только тогда, когда он транспонирован на кварту вниз. С нашей точки зрения, это можно объяснить тем, что в подборке Металлова попевки 5-го гласа так же, как и тексты в двознаменниках, представлены на кварту ниже, но в [3] об этом не говорится. Те 2,8% покрытия, которые набирают ретранспонированные песнопения 5-го гласа, носят случайный характер. Они возникают за счёт коротких 4-5- нотных попевок типа «хамилы», «подъёма», «паука» и др., аналоги которых (с точностью до совпадения интервально-ритмических характеристик) могут быть обнаружены на любых высотах. Интересно также отметить, что в «Октоихе» QI188, 3-й и 5-й гласы которого не транспонированы на кварту вниз, коэффициент покрытия 5-го гласа при k =0 составил всего 3%. Это согласуется со сделанным ранее выводом, что в подборке Металлова попевки 5-го гласа даны в транспонированной форме без каких-либо оговорок.

Ситуация с гласом 3 промежуточная: там в случае транспонированных текстов обнаружено 8 попевок из 40, представленных в металловском списке, а в случае ретранспонированных — 20 (именно данный вариант представлен в таблице, хотя,

возможно, цифры 8 и 20 стоило бы просуммировать). Это может означать, что в 3-м гласе у Металлова часть попевок (ме́ньшая) опущена на кварту вниз, а другая часть (бо́льшая) соответствует их истинной высоте. Это подтверждает высказанное ранее предположение о компилятивном характере формирования подборки.

- 2. Нетрудно видеть (см. в таблице строку «Найдено попевок»), что в сумме по всем гласам «Октоиха» 619/647 зафиксировано порядка 47-48% попевок из подборки Металлова. После проведения аналогичного эксперимента по двум другим «Октоихам» число попевок с восстановленными знаменными эквивалентами возрастает, хотя и незначительно. Результаты по отдельным гласам: 1 –й глас 54 попевки из 94, 2 ой глас 41 из 85, 3 й глас 25 из 40, 4 й глас 32 из 59, 5 –й глас 38 из 66, 6 ой глас 33 из 83, 7 ой глас 27 из 34, 8 ой глас 28 из 50 попевок. Всего по текстам трёх двознаменников удалось восстановить знаменные эквиваленты примерно для (54%) попевок из подборки Металлова, причём большинство из них имеют не один, а несколько знаменных эквивалентов. Это наглядно демонстрируют попевки 1-го и 7-го гласов, приведённые в приложении.
- 3. Вариативность попевок на нотолинейном уровне в подборке Металлова отражена довольно слабо. Лишь в нескольких случаях одна и та же попевка представлена несколькими своими разновидностями. длинени попевок за счёт наращивания «подводов» (при сохранении каданса) классифицирутся как появление новой попевки (переход от «малой» к «средней», от «средней» к «большой» и т.д.).

Наши ограниченные эксперименты с поиском на приближённое соответствие показывают, что попевки, не участвующие в формировании покрытия при k=0, могут быть обнаружены в песнопениях гласа при k=1 или k=2, причём в значительном количестве и с довольно высокой частотой встречаемости. Это может быть следствием того, что в подборке приведён не основной (наиболее часто встречающийся) распев попевки, а второстепенный. Учёт вариативности существенно (почти вдвое при k=2) повышает степень покрываемости текстов попевками из подборки. Доля попевок с восстановленными знаменными эквивалентами возрастает при этом примерно до 75%. Тем не менее следует иметь в виду, что не все фрагменты песнопений, найденные при k=1 и особенно при k=2, могут быть классифицированы как попевки. Чаще всего сомнения возникают в связи с «аналогами» коротких попевок из 4-6 звуков («подъём», «хамила», «паук», «перемётка» и др.), когда искажения затрагивают кадансовую структуру. Однако суммарный вклад такого рода «попевок» по нашим оценкам не превышает 5%.

4. Коэффициенты покрытия двух других «Октоихов» (618/644 и QI 188) несколько уступают значениям, приведённым для «Окоиха» 619/647. Возможно это связано с различиями во времени их создания. Приведённая «обобщённая» датировка: конец 17-го начало 18-го века — требует уточнения.

Примером, иллюстрирующим возможность возникновения различий в коэффициентах покрытия для разных «Октоихов», может служить распев последнего знамени и в попевках из семейства «дербиц» в гласе 1. В «Октоихе» 619/647 распев этого знамени и предшествующего ему № совпадает с приведённым у Металлова (сма4g2.), поэтому «дербицы » из этого «Октоиха» участвуют в покрытии. В «Октоихе» 618/644 распев кадансового знамени имеет незначительные ритмические отличия (сма4g2), вследствие чего при k=0 «дербицы » в этом двознаменнике не участвуют.

Другой аналогичный пример связан с нестандартным распевом двумя звуками знамени «палка» () в разновидностях попевки «пригласка» в гласе 1 «Октоиха» 618/644 (~e4f4). В металловской же версии попевки «пригласка», которая реализована в «Октоихе» 619/647, знамя «палка» не имеет указательной пометы

«ломка» и распевается одним звуком (\sim f2). Как следствие, в двознаменнике 619/647 при k=0 разновидности «пригласки» участвуют в покрытии, а в 618/644 – нет.

- 5. Межгласовые различия в коэффициентах покрытия достаточно заметны и напрямую не связаны с числом попевок, приведённых Металловым для каждого гласа. Так, гласы с максимальным и минимальным числом попевок (1-й –94 и 7-й –34, соответственно) имеют довольно близкие коэффициенты покрытия: 34.2% и 32,2%, в то время как гласы почти не отличающиеся по количеству попевок: 2-й 85 и 6-й 83 заметно расходятся по коэффициентам покрытия: 31,3% и 23,8%, соответственно. Объяснение эффектов такого рода требует детального музыковедческого анализа.
- 6. Вариативность попевок на знаменном уровне хорошо просматривается даже на ограниченном иллюстративном материале, приведённом в приложении. Там представлены знаменные эквиваленты тех попевок 1-го и 7- го гласов из подборки Металлова, которые были найдены в текстах двознаменников при поиске на точное соответствие (k=0). Некоторые нотолинейные цепочки (попевки) имеют многовариантные знаменные представления. Характер вариативности предопределён наличием знамен со сходными или тождественными распевами, что создаёт базу для условно синонимичных подстановок. Другая возможность представление знамени со сложным распевом конкатенацией более простых знамен. Обе возможности можно иллюстрировать на примере попевки М4 («выплавка») из гласа 7, фрагмент с4d4c4H4 которой имеет следующие варианты представления на знаменном уровне: c4d4c4H4 ~

; c4d4*c4H4 ~ n — g — n — g — n — g — . Здесь сложне знамя — имеет три варианта представления в виде конкатенации из двух (более простых) знамен, причём вторые элементы в этих парах (, , , ,) можно трактовать как условные синонимы в силу того, что каждое из них распевается двумя четвертями в нисходящем движении.

4. Обсуждение результатов

Коэффициент покрытия для большинства гласов следует признать не слишком высоким. Даже с учётом вариативности (случай k=2) он в среднем не превышает 60%. Этому можно найти несколько объяснений.

1) Вариативность длинных попевок часто не укладывается в пределы двух допустимых искажений. Рассмотрим в качестве примера попевку «кулизма скамейная» (см. приложение, глас 1, M76). Её знаменный эквивалент, восстановленный по «Октоиху» 619/647 имеет вид:

Эта разновидность встретилась в двознаменнике 619/647 четырежды, но ни разу в двух других Октоихах. Однако, и в 619/647, и в 618/644 встретились другие варианты «кулизмы скамейной», не представленные у Металлова и отличающиеся от (1), как минимум тремя – четырьмя допустимыми операциями:

$$N_{2}$$
 619: n_{2} n_{3} n_{4} n_{5} n_{5}

Нетрудно видеть, что на нотолинейном уровне (2) может быть получена из (1) путём делеции [d2] и трёх замен, переводящих цепочку [f8e8d4] в [f4e4d2] (удвоение длительности звуков). Аналогично, (3) можно получить из (1) с использованием 3-х операций, включающих замену [f4] на [e4] в интерпретации «скамейцы» (\bullet)(увеличение интервала) и перевод цепочки [f8e8d4] в [e4f8e8] путём делеции d4: (f8e8d4 \rightarrow f8e8) и вставки e4: (f8e8 \rightarrow e4f8e8). Из приведённого примера следует, что вариант (1) «кулизмы скамейной» будет учтён при оценке коэффициента покрытия при значениях $k \le 2$, а его разновидности (2) и (3), присутствующие в тексте, не будут учтены.

- 2) Наличие лиц и фит, хотя и в небольшом количестве, вносит определённый вклад в «непокрываемость» текстов песнопений попевками из подборки Металлова. В то же время априори нельзя исключать, что при поиске на приближённое соответствие некоторые аналоги попевочных структур могут быть найдены и в распевах лиц и фит.
- 3) Далеко не всегда попевки в текстах песнопений следуют подряд (встык) друг за другом. Обычно между ними расположены переходные элементы, часто имеющие форму *тандемных повторов* (частный случай таких повторов длины 1 серии стопиц). Во многих языковых системах тандемные повторы имеют статус самостоятельных структурных единиц, одной из функций которых является обеспечение необходимого позиционного распределения основных структурных единиц по длине текста (разнесение соседних единиц на «нужное расстояние»). Тандемные повторы с длиной периода от 1 до 4 знамен и кратностью повторения 2÷3 в значительном количестве присутствуют в текстах знаменных песнопений [10], при этом отнюдь не всегда включаются в состав попевочных структур. Приведём два фрагмента из песнопений «Октоиха» 619/647 (глас 1), иллюстрирующих сказанное:

Пример 1: текст №4-стихира «Обыдите людие...». На велицей вечерне. На Господи воззвах.

Здесь две попевки, зафиксированные в подборке Металлова, отделены друг от друга тандемным повтором $(\mathbf{L})^2$, который явно не входит в покрытие.

Пример 2: текст №7: стихира «Плотию волею распеншагося....» (там же)

Здесь между двумя попевками М83 — «долинка средняя с качкой» и М59 — «кулизма средняя» расположен тандемный повтор (и неидентифицированная структура, напоминающая вариант этого повтора с ритмическим остановом в конце. Ни эта структура, ни тандемные повторы в покрытие не вошли.

4) В анализировавшихся «Октоихах» представлены не все жанры знаменного распева (нет тропарей, ирмосов, и т.п.). Нельзя исключать, что те 25% попевок из подборки Металлова, которым не нашлось аналогов в текстах двознаменников, даже при поиске на приближённое соответствие, характеризуют как раз отсутствующие жанры.

Аналогичный вывод применим и к подборке Металлова: нельзя гарантировать, что она охватывает все жанры. Косвенным подтверждением этого служит значительное различие коэффициентов покрытия по отдельным песнопениям двознаменников.

Заключение

Проведён компьютерный структурный анализ попевок, представленных в подборке В.М.Металлова в нотолинейной форме. Получены оценки покрываемости ими текстов песнопений трёх двознаменных «Октоихов» конца XVII - начала XVIII вв. Использование этих двознаменников в качестве материала исследования позволило восстановить (с точностью до условно синонимичных преобразований) знаменные эквиваленты примерно для 75% попевок из анализируемой подборки. Проведённые эксперименты показали, что известные подборки основных структурных единиц знаменного распева — попевок — обеспечивают в среднем примерно 60%—ную покрываемость текстов реальных песнопений. Этого явно недостаточно для целей нотолинейной реконструкции знаменного распева. Проведён анализ полученных результатов и сделан вывод о необходимости дальнейшей детализации номенклатуры структурных единиц знаменного распева и уточнения понятия «попевка» с учётом её вариативности и иерарахичности.

Литература

- 1. Бахмутова И.В., Гусев В.Д., Титкова Т.Н. О функциях указательных помет (на материале двознаменника XVIII века) // Сибирский музыкальный альманах. Новосибирск: Изд—во НГК, 2002. с. 81–92.
- 2. Бахмутова И.В., Гусев В.Д., Титкова Т.Н. Факторы, влияющие на точность нотолинейной реконструкции пометных знаменных песнопений // Сибирский музыкальный альманах. Новосибирск: Изд–во НГК, 2004. с. 51–59.
- 3. Металлов В.М. Осмогласие знаменного распева (сборник нотолинейных попевок), М.: -1899 г., с. 1-50.
 - 4. Бражников М.В. Древнерусская теория музыки, Л.: изд. «Музыка», 1972. 422 с.
- 5. Бражников М.В. Лица и фиты знаменного распева, Л.: изд. «Музыка», 1984. $302~{\rm c}$.
- 6. Кручинина А.Н. Попевка в русской музыкальной теории XVII века: Дис. ... канд. искусствовед. наук: 17.00.02 J., 1979.
- 7. Сухотин Б. В. Оптимизационные методы исследования языка. Изд.-во <hr/> <hr/>Наука>, М., 1976. 169 с.
- 8. Бахмутова И.В., Гусев В.Д., Титкова Т.Н. L—граммные азбуки для дешифровки знаменных песнопений // Сибирский журнал индустриальной математики. 1998. Т.1, N2, c.51—66.
- 9. Бахмутова И.В., Гусев В.Д., Титкова Т.Н. Электронная азбука знаменного распева: Предварительная версия. //Анализ структурных закономерностей. Новосибирск, 2005г. Вып 174: Вычислительные системы с.29–53.
- 10. Бахмутова И.В., Гусев В.Д., Мирошниченко Л.А., Титкова Т.Н. Тандемные повторы в знаменных песнопениях. //Анализ структурных закономерностей. Новосибирск, 2005г. Вып 174: Вычислительные системы с.13–28.

Приложение

Результаты восстановления знаменных эквивалентов попевок из подборки Металлова с помощью двознаменников при k=0 проиллюстрируем на примере первого и седьмого

гласов. Попевка с номером i из подборки Металлова [3], представленная в нотолинейной форме, обозначается M_i , а её знаменный эквивалент — Z_i . Если знаменных эквивалентов несколько, они нумеруются как $(Z_i)_1$, $(Z_i)_2$ и т.д. Поскольку знаменные эквиваленты восстановлены не для всех попевок из [3], в нумерации попевок возможны пропуски, т.е. за M2, например, может сразу следовать M4, что означает отсутствие знаменного эквивалента для M3.

Каждый из знаменных эквивалентов $(Z_i)_k$ (k=1,2,...) снабжён информацией о частоте встречаемости его в текстах трёх Октоихов. Вектор частот имеет вид F=(f1, f2 , f3), где f1– частота встречаемости $(Z_i)_k$ в Октоихе 619/647, f2 – в Октоихе 618/644 и f3– в QI188. Так, запись F=(3, 2, 0) означает, что данная разновидность попевки трижды встретилась в Октоихе 619/647, дважды – в Октоихе 618/644 и ни разу – в QI188.

Цепочки нот, характеризующие попевки Металлова M_i , представлены в кодировке, описанной в разделе 1. В представлении знаменных эквивалентов Z_i присутствуют степенные и указательные пометы, а иногда и их комбинации (например, две указательные пометы при одном знамени). Графические представления помет, плохо укладывающиеся в существующие наборы шрифтов, перекодированы в соответствии с приведёнными ниже таблицами. Из них, например, видно, что степенная помета H_i представлена символом I_i , а комбинация указательных помет «зевок» + «борзо» (3 I_i) – символом I_i , и т.п.

Пометы степенные

HOMOIDI CICHEMIDIC								
۲ ₊	?	?	G- соль	8	?	m	f- фа	
H _t	?	\$	А- ля	1	?	р	g- соль	
Ц	?	c	Н- си	П	?	v	а- ля	
Г(илиГН)	?	g	с- до	ě	?	*	b- си-бемоль	
н	~	n	d- pe	Ţ	~	#	С- до	
•	7	S	е- ми	İ	~	!	D- pe	

Пометы указательные

T v	?	T	ударка + отсека	У	~	Y
8	?	В	борзо + отсека	18	?	X
ΑΦ	?	L	зевок + тихая	3	?	G
У	?	U	зевок + борзо	3 78	?	J
«	?	K	качка + отсека	«	7	Q
3	?	Z	отсека + ударка + борзо	y 3	}	M
отсека (?	О	ударка + качка	У«	?	W
			тихая + ударка	y	?	R
			тихая + отсека		7	S
			борзо + ломка	₹^◊	~	V
			ударка + борзо	y 3	?	D

Помета в скобках указывает на факультативный характер её применения (иногда ставится, иногда нет). В таких случаях, как m или ф, помета относится и к первому, и ко второму знамени, т.е. m или m ф. Запись X или Y, где X и Y — условно синонимичные знамена, означает, что в данной позиции может стоять любое из этих знамен.

Иногда в нотолинейном представлении попевки M_i встречаются дополнительные знаки – круглые скобки и (*). Круглыми скобками выделены фрагменты M_i , допускающие неоднозначное знаменное представление. Всему фрагменту может соответствовать многогласостепенное знамя, которое можно представить конкатенацией более простых

знамен, нотные интерпретации которых разделены символом «*». Например, попевка 7-го гласа М1 («руза») записана в виде e1(d4e4*e4d4) ((c2*d2)*e1). Это означает, что фрагменту (d4e4*e4d4) может соответствовать либо одно знамя , распеваемое четырьмя звуками, либо комбинация двух знамен (например, ,), распеваемые двумя звуками каждое, что отражено в записях вариантов (Z_i) $_k$ ($k=1\div 5$). Аналогично, фрагменту ((c2*d2)*e1) может соответствовать либо одно трёхгласостепенное знамя т, либо два знамени (A), распеваемые, соответственно, двумя звуками и одним, либо три знамени (A) – по одному звуку на каждое.

Глас 1

M2.Рымза: e4c4d4f4e4d4c2d2e1

M4.Перегиб: e2e4c4d4f4e4d4c2d2e1 F=(1,0,0); M4=e2(M2); Z4=s (Z2);

M5.Вознос последний: d2e4f4(e4d4*c4H4)A1G1

M6.Дербица или скорпица: e4f4g4a4a4g2.

e4f4g4a4 a4g2.

Z6
$$r = (3,0,0)$$

M7.Дербица большая: (g4a4*g4f4)e4f4g4a4a4g2.

M8. Дербица средняя: g4f4e4f4g4a4a4g2. F=(2,0,0); M8=g4f4(M6); Z8=p (Z6)

M9.Дербица полная: g4f4(g4a4*g4f4)e4f4g4a4a4g2. F=(2,0,0)

M9=g4f4(M7);Z9= ((Z7)₁ μ (Z7)₂))

M11. Пригласка или киза малая: a2g4f4(g2*f2)e1

M12. Пригласка или киза средняя: f4g4a2g4f4(g2*f2)e1 M12=f4g4(M11);

$$(Z12)_1$$
 F=(5,3,2); $(Z12)_2$ c (p²): F=(2,0,1)

M13. Пригласка или киза большая: e4d4f4g4a2g4f4(g2*f2)e1

M14.Пригласка полная: f4g4a2g4f4e4d4e4f4g2f2e1

M15. Пригласка или киза переметная: e4d4f4g4a4g4a2g4f4g2f2e1

M21. Подъём малый: (d2*e4f4)g1

M22. Подъём большой: f4g4f4e4(d2*e4f4)g1

M25. Таганец малый: a2g4f4g2e1

a2 g4f4 g2 e1
$$= 225$$
 угл $= 25$ или $= 25$ $= 25$ или $= 25$

M26. Таганец средний: (f4g4*a2)g4f4g2e1

¹ В квадратных скобках стоят номера позиций знамен в указанной попевке, а сама попевка M14 образована из M12 за счёт вставки трёх знамен : **p** s

(Z40) ₁ _S _m _m _s _{мли} _{F=(2,1,1);(Z40) 2 с (р): F=(1,1,0)}

```
М41. Подкладец: d2d4H4c4d4e2c4H4A1G1
                                                  d4H4 c4d4 e2 c4H4
                                                                                                                                   A1
                                               Z41
M43. Хамила: e2d4e4d2
             e2 d4e4d2
                           ΛΛυ F=(8,5,3)
M46. Долинка переметная с качкой: d4e4e4d4d4H4c4H4c4d4e4d4e1
             M47. Долинка переметная с ударкой и ломкой: c4e4e4d4d8c8H4c4H4c4d4e4d4e1
            c4e4 e4d4 d8c8H4c4H4 c4d4e4d4 e1
M48. Долинка переметная с качкой и ломкой: c4e4e4d4d4H4c4H4c4d4e4d4e1
            c4e4 e4d4 d4H4c4H4 c4d4e4d4 e1
M52. Долинка меньшая с качкой и хамилой: d4e4e4d4d4H4c4H4A2c2H4H4A1
              d4e4 e4d4 d4H4c4H4 A2c2 H4H4A1
               \lambda_{\rm L} s \mu_{\rm K} \mu_{\rm K} \mu_{\rm K} \mu_{\rm T} \mu_{\rm K} \mu_{\rm K}
M56. Долинка средняя с качкой и хамилой: d4c4d4e4e4d4d4H4c4H4A2c2H4H4A1
                    d4c4 d4e4 e4d4 d4H4c4H4 A2c2 H4H4A1
                     _{\rm n} _{\rm n} _{\rm n} _{\rm n} _{\rm n} _{\rm m} _
M59. Кулизма средняя: (e4f4*g2)e4f4e4d4(c4d4*c4H4)A1
 e4f4 g2 e4f4e4d4 c4d4c4H4 A1

(Z59) 1 p (m) (n) (n)

e4f4g2 e4f4e4d4 c4d4c4H4 A1

(Z59) 2 p (B) (m) (n)

e4f4 g2 e4f4e4d4 c4d4 c4H4 A1
                                                                                                                                        F=(10,10,6)
                                                                                                                                       F=(4,4,3)
 (Z59)<sub>3</sub> д р м или го п д s F=(1,1,0)
M62. Рафатка меньшая: e2e4g4e2e2f4e4d2e2d1
```

```
М64. Ометка малая:
```

M65. Ометка средняя. То же с хамилой: e2f4g4e2e2f4e4d2e2d4e4d2

e2f4g4 e2 e2 f4e4 d2 e2 d4e4d2
265
 265 1

M66. Рожек:

e4d4e2f4g4e2f4e4d2e2d1

$$266 \times \frac{1}{100} = \frac{1}{100} \times \frac{1}{1000} \times \frac{1}$$

М68. Рожек светлый:

e4d4 (e4f4*g2) f4e4f2e1

М69. Задавец:

c4H4c4d4e2f4e4 (d2*e2) d1

М70. Задавец с хамилой:

c4H4c4d4e2f4e4d2e2d4e4d2

z70
$$\frac{\text{c4H4 c4d4 e2f4e4 d2 e2 d4e4d2}}{\text{T}}$$
 $\frac{\text{n}}{\text{n}}$ $\frac{\text{T}}{\text{m}}$ $\frac{\text{n}}{\text{T}}$ $\frac{\text{n}}{\text{m}}$ $\frac{\text{T}}{\text{m}}$

M74a. Колесо или шибок малый: e4f4d4e1d1

```
M74b.
                                 d4f4d4e1d1
            d4f4d4
                       e1
                            d1
         m г. или г. s г. г. F=(2,0,1)
(Z74b)<sub>1</sub>
         m т или s (n) F=(0,1,2)
(Z74b)<sub>2</sub>
М75. Шибок большой:
                                   (d2*e4f4)g2e4f4d4e1d1
        d2e4f4
                      e4f4d4
                               e1
                      (m) s s n , t или st F=(2,3,1)
(Z75)<sub>1</sub>
        "ለተ እ
(Z75)_{2}
                                                  F=(1,1,0)
(275)_3
                                                  F=(1,0,0)
M75a.
                                  d2e4f4g4f4e4f4d4e1d1
                    e4f4g4f4
                                  e4f4d4
                                                   _{n} F=(1,1,0)
               раго или рагода в тос sax
 Z75a
M75b.
                                (d2*e4f4)g2g4f4g2e4f4d4e1d1
                         g4f4 g2 e4f4d4 e1 d1
                    g2
                              p m s n F=(1,1,0)
                                   m = 10^{\circ} s n = 10^{\circ} F = (0, 1, 0)
(Z75b)<sub>2</sub>
M76. Кулизма скамейная: e4f4g2f4e4d2f4g4f8e8d4f4g2f4e1d1
  e4f4g2
             f4e4d2
                             f8e8d4 f4g2f4 e1
                      f4g4
                                                       d1
                                                               F=(4,0,0)
                      p (m) \^(X,B) p = 0
M78. Долинка меньшая с ударкой и ломкой: c4e4e4d4d8c8H4c4H4A1G1
 c4e4
                 e4d4
                               d8c8H4c4H4
                                               A1
                                 n  ∪ (K, W)
                                                                F=(1,0,13)
М79. Долинка меньшая с качкой:
                                          d4e4e4d4d4H4c4H4A1G1
                 d4H4c4H4
    d4e4 e4d4
                               A1
                                            G1
Z79
                (n) = (K,U) ($) АА (?) = , + или = +
                                                     F=(5,17,0)
M80. Долинка меньшая с качкой и ломкой: c4e4e4d4d4H4c4H4A1G1
      c4e4
                  e4d4
                              d4H4c4H4
                                           A1
Z80
             (s) пли пли
                                n
                                         $11
```

 $_{2}$ $_{\text{MIIM}}$ \uparrow $_{\text{F}=(7,1,0)}$

ÃL

```
M82. Долинка средняя с ударкой и ломкой: (d4*H4)c4e4e4d4d8c8H4c4H4A1G1
                                           d8c8H4c4H4
            d4
                     Н4
                            c4e4
                                    e4d4
                                                                G1
                                                          Α1
                                                                ہر
                             Åι
                                               n∕a∪K
                                                                     F=(0,0,2)
                                                                     F=(0,0,7)
(Z82)_{2}
М83. Долинка средняя с качкой:
                                             (d4*c4)d4e4e4d4d4H4c4H4A1G1
                              d4e4 e4d4 d4H4c4H4
                                                                 G1
                d4c4
                                                         A1
(Z83)<sub>1</sub>
                                                                     F=(3,9,0)
                              Ä(L) r~~~
                                           (n) 🗖 🗤
                                                      ($) ^^
                                                                или
                              d4e4 e4d4 d4H4c4H4
            d4
                                                         A1
                       c4
(Z83)_{2}
                                                                     F=(2,2,0)
         (n) (B,0)
                    или^ (В)
M84. Долинка средняя с качкой и ломкой: d4H4c4e4e4d4d4H4c4H4A1G1
     d4H4 c4e4
                   e4d4
                          D4H4c4H4
                                       A1
                                               G1
                  (s) (n) (0) (0) (1) (1) (2) (3) (4) (4)
М85. Колыбелька с ударкой:
                                           e2d4c4d2c4e4e4d4d8c8H4c4H4A1G1
           d4c4d2 c4e4 e4d4 d8c8H4c4H4
   e2
                                               A1
                                                       G1
                                   n∕a⊌K
                                                             F=(0,0,2)
М90. Колчанец:
                                           e4d4 (f2*e2) d4c4d4e4f2e1d1
           e4d4
                   f2
                         e2
                                          d4e4f2
                               d4c4
                                                       e1
                                                                d1
 (Z90)<sub>1</sub>
                                                                        F=(6,4,5)
                    f2e2
(Z90)<sub>2</sub>
                                                              или Т
                                                                        F=(6,0,0)
                               d4c4
           e4d4
                  f2
                                          d4c4f2
                                                       e1
(Z90)_3
                                                                        F=(0,1,0)
                                          m \wedge \wedge \sim
                    f2e2
(Z90)_4
                                                                        F=(0,5,1)
                                         e4f4(g2*f2)e4d4(f2*e2)d4c4d4e4f2e1d1
М91. Пастела полная:
e4f4
       g2
               f2
                     e4d4
                            £2
                                    e2
                                            d4c4
                                                     d4e4f2
                                                               e1
                                                                    d1
              m
                                                               s = (1,1,1)
                                    или
              или
                                            или 🖟
e4f4
       g2
              f2
                     e4d4
                                f2e2
                                            d4c4
                                                     d4e4f2
                                                               e1
                                                                     d1
```

$$\vec{h}$$
 pin min sl min \vec{h} \vec{h} pin \vec{h} sl min \vec{h} \vec{h} pin \vec{h} sl min \vec{h} \vec{h}

Глас 7

M1. Pysa: e1(d4e4*e4d4)((c2*d2)*e1)

e1 d4e4 e4d4 c2d2 e1

(Z1)
$$_1$$
 s $_{\text{MJM}}$ $_{\text{N}}$ $_{\text{MJM}}$ $_{\text{N}}$ $_{\text{T}}$ $_{\text{MJM}}$ $_{\text{T}}$ $_{\text{S}}$ $_{\text{F}}$ $_{\text{F}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{MJM}}$ $_{\text{T}}$ $_{\text{S}}$ $_{\text{F}}$ $_{\text{F}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{MJM}}$ $_{\text{N}}$ $_{\text{T}}$ $_{\text{S}}$ $_{\text{F}}$ $_{\text{F}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{MJM}}$ $_{\text{N}}$ $_{\text{N}}$ $_{\text{N}}$ $_{\text{F}}$ $_{\text{F}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{MJM}}$ $_{\text{N}}$ $_{\text{N}}$ $_{\text{N}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{MJM}}$ $_{\text{N}}$ $_{\text{N}}$ $_{\text{N}}$ $_{\text{N}}$ $_{\text{C}}$ $_{\text{$

M2. Руза с перегибомъ: e1(d4e4*d4H4)c2d2e1

el d4e4 d4H4 c2d2 el
$$(Z2)_1$$
 s $\mu_{\Pi\Pi}$ s $F=(0,2,0)$ el d4e4d4H4 c2d2 el $(Z2)_2$ s $\mu_{\Pi\Pi}$ Γ s Γ Γ s Γ

М4. Выплавка: с4Н4

c4H4 (c4d4*c4H4) (c2d2*e1)

M5. Поводка: c4H4c4d4e2.d4c2d2e1

c4H4 c4d4 e2.d4 c2d2 e1
$Z5$
 g $^{\wedge}$ S $^{\wedge}$ S $^{-}$ F=(0,0,1)

M7. Кулизма средняя: (e4f4*g2)e4d4e2d1c1

M9. Перекладка: e4d4e4f4(g2*f2)(e2*f4e4)d1c1

M10. Мережа нижняя: (c4d4*e2)(c4e4*d2)c1d1

М11. Розметъ:

d2e4f4g2g2g2f2g2a2g2f2e1

d2 e4f4 g2 g2 g2 f2 g2a2 g2f2 e1
$$^{n \uparrow}$$
 $^{n \uparrow}$ $^{n \uparrow}$ $^{n \downarrow}$ $^{n \uparrow}$ $^{n \downarrow}$ n

М12. Дербица:

g1f2g2a8g8f4g4f4e2

М13. Рымза:

e4c4d4f4e4d4c2d2e1

M14. Рымза съ кулизмой нижней: e4c4(d4f4*e4d4)(c4d4*e2)c4e4d2c1d1

```
М15. Апострофъ:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 d2(d2*c4H4)(c2*d2)e1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         c4H4
                                                                                                                                                                                                                      d2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            c2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            g on tunu ∧
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                F=(3,6,0)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      c4H4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                F=(3,7,0)
М17. Поездка:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    d2e4f4g4f4g2f2e1
                                                                d2 e4f4g4f4 g2f2 e1
                                                         _{\rm n} ^{\uparrow} _{\rm p} ^{\downarrow} _{\rm s} ^{\downarrow} _{\rm s} ^{\downarrow} _{\rm или} ^{\downarrow} ^
M18. Колесо или шибок малый: d4f4d4e1d1
                                                                                                                        (m) | \mathbf{r}(\mathbf{T})                                                                                                                        (m) (T) s = (0,2,1)
                (Z18) _2
М19. Возмеръ:
                                                                                                                                                                                                                                                            e4d4 (e4f4* (g2) *f2) e1
                                                                                                                                      e4d4
                                                                                                                                                                                                                                                      e4f4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          F=(3,3,0)
               (Z19)<sub>1</sub>
              (Z19)_2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          F=(1,2,0)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                F=(0,1,0)
              (Z19) 3
 M20. Возносецъ: e4d4e4f4(g4*f4)(e4*f4*g1)
                                                                                                  e4d4 e4f4 g4f4 e4f4g1
                                                                                                e4d4 e4f4 g4 f4e4 f4 g1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           _{m} _{p} _{f=(0,1,0)}
                                                                                                      یا مستار کا مسا
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       (e1*(f2*g2))(e4d4c2*d1)
М22. Долинка недоводная:
                                                                                                                                                                             e1f2q2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            e4d4c2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                d1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  sNAT nac
       (Z22)<sub>1</sub>
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 F=(0,0,1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               e4d4c2d1
                                                                                                              e1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  e4d4c2d1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  F=(0,0,1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       a2g4f4(g2*f2)e1
 М23. Пригласка или киза малая:
```

F=(0,1,1)

g4f4 g2

M33. Таганецъ малый: a2g4f4g2e1

M34. Таганецъ средний: f4g4a2g4f4g2e1

용