

О СХЕМАХ ОБМЕНА МЕЖДУ ВЕТВЯМИ ПАРАЛЛЕЛЬНЫХ АЛГОРИТМОВ

Ю.Г. Косарев

Опыт применения методики распараллеливания по циклам [1] для заметного числа классов задач (табл. I) позволяет сделать определенные выводы об особенностях взаимодействий между ветвями параллельного алгоритма (ПА).

I. Как показали расчеты и прямые измерения [16], интенсивность обмена информацией между ветвями ПА, отнесенная к общим затратам времени на счет, оказалась для большинства задач порядка ℓ/cn , где ℓ - число ветвей; n - параметр задачи, характеризующий общий объем вычислений; c - константа, учитывавшая различие затрат времени на обменные и на вычислительные операции.

В задачах матричного типа (табл. I, задачи I-II) n равно порядку матрицы ($10^2 - 10^3$), $c \approx 4$. Для систем обыкновенных дифференциальных уравнений (задачи 15-18) n равно числу уравнений, $c \approx 10$. В сеточных задачах (19-23) $n \approx \sqrt{N}$, где N - общее число узлов сетки ($10^2 - 10^3$), $c = 10-100$. В задачах, решаемых методами статистических испытаний (25, 26), n равно числу испытаний ($10^3 - 10^4$), $c \approx 100$. В задачах распознавания образов (28-30) n равно числу реализаций (обычно $10^2 - 10^4$), $c \approx 100$. В информационно-логических задачах (31-34) затраты времени на обмен информацией между машинами системы составляют небольшую долю от времени обмена с внешними памятьями и т.д.

Из приведенных данных видно, что хотя с ростом числа параллельных ветвей ℓ доля обменных операций увеличивается, тем не менее в широком диапазоне изменения ℓ ($10^1 - 10^2$) она остается малой ($1/100 - 1/10$ от общего времени счета).

2. Все многообразие схем обмена свелось к пяти типам (табл. 2): трансляционному (Т) ("одна-всем"), трансляционно циклическому (ТЦ) ("каждая-всем"), парному смежному (ПС) ("каждая-своим соседям"), коллекторному (К) ("все-одной") и парному нестационарному (ПН) ("любая-любой") [17].

2.1. Подавляющее большинство схем обмена приходится на первые три. На них же падает и почти все время, затрачиваемое на обмены. Поэтому именно эти три схемы и определяют требования к технической реализации системы коммутации в ОВС.

В ОВС магистрального типа для реализации схемы Т затрачивается один такт, ТЦ - ℓ тактов, ПС - два такта, что вполне удовлетворяет требованиям, предъявляемым практикой.

2.2. Коллекторная схема применяется сравнительно редко и в основном для объединения результатов перед выдачей. На магистральных ОВС эта схема реализуется за ℓ тактов, что вполне удовлетворяет требованиям.

2.3. Наибольшие трудности представляет реализация парных нестационарных схем. Потребность в них может возникать, когда нужен срочный доступ к информации, находящейся в других машинах. Интенсивное использование ПН-схем может приводить к появлению очередей и простоям, поэтому желательно свести их употребление к минимуму. Для этого одной из эффективных мер может служить сведение данной задачи к задаче перекрещивания массивов (путем накопления запросов в задачах поиска информации, предварительной статистики в задачах упорядочения и т.п.) [18]. Интенсивность ПН-схем может быть также заметно уменьшена путем рационального размещения массивов и других приемов, разываемых в теории массового обслуживания.

3. Методика распараллеливания по циклам, как известно, позволяет строить ПА, состоящие из одинаковых ветвей. Благодаря этому доля затрат времени на синхронизацию оказывается малой (менее 10^{-2}) даже для случаев, когда время реализации операций есть случайная функция от операнд [19].

Таблица I

Исследованные классы задач

1. Решение систем лин.алг.ур-ний методом простой итерации [2,3].
2. " " " " Кордана (2 варианта) [4].
3. " " " " Зейделя.
4. " " " " модиф.Зейделя [5].
5. " " " " Самарского [6].
6. Обращение матриц методом пополнения [2,4].
7. Отискание коэффициентов характеристического полинома [2,4].
8. Умножение матриц [2].
9. Решение систем нелинейных алгебраических уравнений [7].
10. Общая задача линейного программирования [2].
11. Транспортная задача [2].
12. Численное интегрирование [2].
13. Численное дифференцирование [2].
14. Задачи интерполяции [2].
15. Решение систем обыкн.дифф.ур-ний методом Рунге-Кутта [2,8].
16. Расчет подвесок автопоездов [8].
17. Решение граничных задач для линейных систем [2].
18. Решение граничных задач для нелинейных систем [2].
19. Задачи Дирихле для эллиптических уравнений [2].
20. Краевая задача для параболических уравнений [2].
21. Задача Коши для гиперболических уравнений [2].
22. Обтекание тела потоком жидкости [9].
23. Моделирование работы группового реактора [10].
24. Моделирование термодинамич.процессов газовых АЭС циклов [11].
25. Моделирование неупругого рассеяния электронов (2вар.) [12].
26. Моделирование рассеяния энергии ионизирующего излучения [13].
27. Перспективное изображение непрозрачных объектов [14].
28. Случайный поиск с адаптацией.
29. Задачи теории статистических решений [2].
30. Задачи таксономии [15].
31. Упорядочение массивов.
32. Перекрещивание массивов (2 варианта).
33. Поиск информации в больших массивах (2 варианта).
34. Составление ведомостей (2 варианта).

Таблица 2

Классификация задач по типам схем обмена

| № п.п. | Номера задач | Типы схем обмена | | | | |
|--------|---|------------------|----|----|---|----|
| | | Т | ТЦ | ПС | К | ПН |
| 1 | 4, 10, 32б, 33б, 34б | 5 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 2 | I, 2а, 3, 6, 9, II, I5, I6, I8, 25а, 28, 29, 30, 31 | 0 | I4 | 0 | 0 | 0 |
| 3 | 8, I3, I9, 2I, 23, 26, 32а, 33а, 34а | 0 | 0 | 9 | 0 | 0 |
| 4 | I2, 25б, 27 | 0 | 0 | 0 | 3 | 0 |
| 5 | 24 | 0 | 0 | 0 | 0 | I |
| 6 | I4, I7, 20, 22 | 0 | 4 | 4 | 0 | 0 |
| 7 | 26, 7 | 2 | 0 | 2 | 0 | 0 |
| 8 | 5 | I | I | I | 0 | 0 |

Итого ...

8 19 16 3 I

Таблица 3

Примеры задач, решенных на системе "Минск-222"

| № задач | Число команд в программе | | Время решения для разного числа машин ℓ в минутах | | | $\frac{t_1}{\ell \cdot t_2}$ |
|---------|--------------------------|--------|--|----------|------|------------------------------|
| | общее | допол. | 1 | 2 | 3 | |
| I | 277 | I6 | 3-5 | I,5 | - | I,0-I,7 |
| 6 | 656 | 5I | 42 | 2I,8 | 5,7 | I,0-2,5 |
| 7 | 272 | I04 | - | 36 | - | I,7-2,0 |
| 16 | 857 | 45 | 67 | I9 | I4 | I,6-I,8 |
| 22 | 800 | 29 | 65 | 25 | I6,7 | I,4-I,7 |
| 23 | II67 | 50 | I95 | 34 | - | 2,9 |
| 24 | I000 | I6 | I0-23 | 0,25-0,3 | - | 20 - 40 |
| 256 | 400 | I0 | 28 час | I4 час | - | I,0 |
| 26 | 890 | 8 | - | 5-I0час | - | |

4. Важным свойством распараллеливания по циклам является хорошая сочетаемость его с методами эффективного использования суммарного объема оперативных памяти системы. Благодаря этому при решении многих задач на системе получается весьма существенный дополнительный выигрыш во времени (табл. 3).

5. Простота схем обмена обуславливает и простоту их программной реализации. Благодаря этому при решении задач на системе "Минск-222" дополнительные затраты на организацию системных взаимодействий в параллельной программе составляют, как правило, менее 10% от общего объема программы (табл.3). Таким образом, можно считать, что затраты на составление параллельных и эквивалентных им последовательных программ - одного порядка.

Л и т е р а т у р а

1. КОСАРЕВ Ю.Г. Распараллеливание по циклам. -"Вычислительные системы", Новосибирск, "Наука" СО, 1967, вып.24, стр.3-20.
2. ЕВРЕИНОВ Э.В., КОСАРЕВ Ю.Г. Однородные универсальные вычислительные системы высокой производительности. Новосибирск, "Наука" СО, 1966.
3. ГОЛОВЯШКИНА Л.В., КОСАРЕВ Ю.Г. Программа решения системы линейных уравнений на "Минск-222". -"Вычислительные системы", Новосибирск, "Наука" СО, 1967, вып. 24, стр. 55-75.
4. КОСАРЕВ Ю.Г. Опыт решения задач на системе "Минск-222". -"Труды I Всесоюзной конференции по вычислительным системам". Новосибирск, "Наука" СО, 1968, вып. 4, стр. 70-74.
5. МИРЕНКОВ Н.Н. К решению системы линейных уравнений на ВС. -"Вычислительные системы", Новосибирск, "Наука" СО, 1968, вып. 30, стр. 8-11.
6. ЗАВЬЯЛОВ Ю.С. Экстремальное свойство бикубических многочленов и задача сглаживания. -"Вычислительные системы", Новосибирск, 1970, вып. 42, стр. 109-158.
7. ПАНКЕВИЧ В. Р-алгоритм решения систем нелинейных уравнений. -"Вычислительные системы", Новосибирск, "Наука" СО, 1968, вып. 30, стр. 3-7.
8. ПЕТРОВИЧ А.И., КОСАРЕВ Ю.Г. Исследование колебательных процессов автопоезда на системе "Минск-222". - Там же, стр.12 - 15.
9. МИРЕНКОВ Н.Н. Реализация продольно-поперечных прогонок на ВС "Минск-222". - Там же, стр. 26-33.
10. ВЕЛЕСЬКО А.А., КОСАРЕВ Ю.Г., ПРЕВИЧ Р.В. Многогрупповой расчет двухмерного реактора в диффузационном приближении на системе "Минск-222". - Там же, стр. 15-21.

II. БАЖИН М.А., БУБНОВ В.П., ЗАХАРОВА И.С., КОСАРЕВ Ю.Г., НЕСТЕРЕНКО В.Б. Термодинамический расчет газовых АЭС циклов на диссоциирующих газах на системе "Минск-222". -Там же, стр.22-25.

12. КОСАРЕВ Ю.Г. Моделирование неупругого рассеивания электронов методом Монте-Карло. -Там же, стр. 34-41.

13. КОСАРЕВ Ю.Г., НАУМОВ В.А., РОЗИН С.Г., ЯРОШЕВИЧ А.А. Решение задачи о рассеянии энергии ионизирующего излучения методом Монте-Карло на системе "Минск-222". -Там же, стр.41-45.

14. ДЕУС В.А. Перспективное изображение трехмерных непрозрачных объектов. -"Вычислительные системы", Новосибирск, 1972, вып. 50, стр. 86-99.

15. КОСАРЕВ Ю.Г., КУЧИН Н.В. Параллельный алгоритм для решения задачи таксономии. -"Вычислительные системы". Новосибирск, 1970, вып. 42, стр. 3-11.

16. КОЛОССОВА Ю.И., КАЗУШИК В.А., КОСАРЕВ Ю.Г. Измерение временных характеристик программ системы. -"Вычислительные системы", Новосибирск, "Наука" СО, 1968, вып. 30, стр. 55-63.

17. КОСАРЕВ Ю.Г., О структурах вычислительных систем, устойчивых к изменению числа машин. -"Вычислительные системы", Новосибирск, 1970, вып. 42, стр. 59-73.

18. ЕВРЕИНОВ Э.В., КОСАРЕВ Ю.Г., УСТИНОВ В.А. Применение ЭВМ в исследовании письменности древних майя. Т.ГУ, Новосибирск, "Наука" СО, 1969.

19. КОСАРЕВ Ю.Г., НАГАЕВ С.В. О потерях времени на синхронизацию в однородных вычислительных системах. -"Вычислительные системы", Новосибирск, "Наука" СО, 1967, вып.24, стр.21-40.

Поступила в ред.-изд. отд.
5. X. 1972 г.